

### Вопрос 3, вариант 1

**3.1.1. Задача.** По двум проводящим длинным шинам, установленным под углом  $\alpha = 30^\circ$  к горизонту, поступательно соскальзывает расположенный перпендикулярно шинам медный брускок массой  $m = 100$  г (см. рисунок). Вся система находится в однородном вертикальном магнитном поле, модуль индукции которого равен  $B = 0,1$  Тл. Сверху шины замкнуты на резистор сопротивлением  $R = 0,1$  Ом. Коэффициент трения между поверхностями шин и бруска равен  $\mu = 0,5$ , а расстояние между шинами  $l = 1$  м. Пренебрегая сопротивлением шин, бруска и места контакта между ними, найдите тепловую мощность  $N$ , выделяющуюся в резисторе при движении бруска с установившейся скоростью. Ускорение свободного падения примите равным  $g = 10 \text{ м/с}^2$ .

**Вопросы.** Сформулируйте закон электромагнитной индукции и правило Ленца.

**3.1.1. Решение.** Брускок движется по шинам под действием сил, модули и направления которых изображены на рисунке, где  $mg$  – модуль силы тяжести,  $N$  – модуль нормальной составляющей силы реакции шин,  $F_A$  – модуль силы Ампера,  $F_{\text{тр}}$  – модуль силы трения скольжения. На концах бруска возникает ЭДС индукции, обусловленная действием силы Лоренца на свободные заряды в движущемся проводнике, и по модулю равная  $E = Blv \cos \alpha$ . По контуру, образованному шинами, бруском и

резистором, начинает течь ток силой  $I = \frac{E}{R}$ . В результате появляется сила Ампера, действующая на брускок, и по модулю равная  $F_A = IBl$ . Она нарастает до тех пор, пока скорость движения бруска не перестаёт увеличиваться, достигая значения  $v_{\text{уст}}$ . Соответствующее уравнение движения имеет вид  $0 = mg \sin \alpha - \mu(mg \cos \alpha + F_A \sin \alpha) - F_A \cos \alpha$ . Сила протекающего

в контуре тока равна при этом  $I = \frac{Blv_{\text{уст}} \cos \alpha}{R}$ , а сила Ампера:  $F_A = \frac{B^2 l^2 v_{\text{уст}} \cos \alpha}{R}$ . Подставляя полученное выражение для силы Ампера в уравнение движения, найдем установившуюся скорость движения бруска:  $v_{\text{уст}} = \frac{mgR}{B^2 l^2 \cos \alpha} \cdot \frac{(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)}{(\cos \alpha + \mu \sin \alpha)}$ . Используя это выражение, находим,

что сила тока в контуре  $I = \frac{mg}{Bl} \cdot \frac{(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)}{(\cos \alpha + \mu \sin \alpha)}$ . Тепловая мощность, выделяющаяся в резисторе,

по закону Джоуля–Ленца равна  $N = I^2 R = \left[ \frac{mg}{Bl} \cdot \frac{(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)}{(\cos \alpha + \mu \sin \alpha)} \right]^2 R$ .

**Ответ:**  $N = \left[ \frac{mg}{Bl} \cdot \frac{(\sin \alpha - \mu \cos \alpha)}{(\cos \alpha + \mu \sin \alpha)} \right]^2 R \approx 0,039 \text{ Вт} \approx 39 \text{ мВт.}$

### Критерии оценки

**Задачи (каждая задача оценивается максимально в 15 баллов)**

1. Задача вовсе не решалась – **0 баллов**.

2. Задача не решена, но сделан поясняющий рисунок (если требуется), частично сформулированы необходимые физические законы – **1 – 5 баллов**.

3. Задача не решена, но правильно сформулированы физические законы и правильно записаны основные уравнения, необходимые для решения задачи – **6 – 11 баллов**.

4. Задача решена, но допущены незначительные погрешности – **12-14 баллов**.

5. Задача решена полностью и получен правильный ответ – **15 баллов**.

**Теоретические вопросы (каждый вопрос оценивается максимально в 10 баллов)**

1. Ответ по существу обеих частей вопроса полностью отсутствует – **0 баллов**.

2. Ответ является неполным (даны формальные ответы, но отсутствуют или не полностью приведены необходимые пояснения) – ответы по каждой из частей вопроса оцениваются независимо от **1 до 5 баллов**, далее баллы суммируются **1-9 баллов**.

3. Ответ является полным (содержит по обеим частям вопроса необходимые физические понятия и величины с пояснением их смысла) – **10 баллов**.